



بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِیْمِ

اَللّٰهُمَّ صَلِّ عَلٰی مُحَمَّدٍ وَّ اٰلِ مُحَمَّدٍ وَّ عَجِّلْ فَرَجَهُمْ

فیزیک (۱)

پایہ دہم

دورہ دوم متوسطہ

فصل ۱: فیزیک و اندازہ گیری

فصل ۲: ویژگی های فیزیکی مواد

فصل ۳: کار، انرژی و توان

فصل ۴: دما و گرما

فصل ۵: ترمودینامیک



کار، انرژی و توان

فصل ۳



فصل ۳: کار، انرژی و توان

۵۳

- ۱-۳ انرژی جنبشی ۵۴
- ۲-۳ کار انجام شده توسط نیروی ثابت ۵۵
- ۳-۳ کار و انرژی جنبشی ۶۱
- ۴-۳ کار و انرژی پتانسیل ۶۴
- ۵-۳ پابستگی انرژی مکانیکی ۶۸
- ۶-۳ کار و انرژی درونی ۷۱
- ۷-۳ توان ۷۳
- برسش‌ها و مسئله‌های فصل ۳ ۷۸





۱-۳ انرژی جنبشی

در علوم سال هفتم دیدید هر چیزی که حرکت کند، انرژی دارد و انرژی وابسته به حرکت یک جسم را انرژی حرکتی یا انرژی جنبشی نامیدیم (شکل ۱-۳). همچنین دیدید هر چه جسمی تندتر حرکت کند، انرژی جنبشی بیشتری دارد و هنگامی که جسم ساکن باشد، انرژی جنبشی آن صفر است.

برای جسمی به جرم m که با تندی v حرکت می‌کند، انرژی جنبشی از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$K = \frac{1}{2}mv^2$$

جرم (kg) تندی (m/s) [K] = $\frac{kg \cdot m^2}{s^2}$ (۱-۳) = J

یکاهای SI جرم و تندی به ترتیب کیلوگرم (kg) و متر بر ثانیه (m/s) است. بنابراین، یکای انرژی جنبشی (و هر نوع دیگری از انرژی) kgm^2/s^2 است که به افتخار جیمز ژول، فیزیک‌دان انگلیسی، ژول (J) نامیده می‌شود. انرژی جنبشی کمیته زنده‌ای و همواره مثبت است؛ این کمیت تنها به جرم و تندی جسم بستگی دارد و به جهت حرکت جسم وابسته نیست.

نکته ①: به کمک رابطه $K = \frac{1}{2}mv^2$ (تبدیل محمول می‌توان بدست آورد) به شرحی برابر یک‌ها، آرد در حوز صفا کا خاکم |

نکته ②: جهت سرعت تأیری در اندازه‌ی انرژی جنبشی حجم ندارد. برای در صمیم مختلف با همگر معکاف

نکته ③: تغییرات انرژی جنبشی

$$\Delta K = K_2 - K_1 = \frac{1}{2}m_2v_2^2 - \frac{1}{2}m_1v_1^2$$

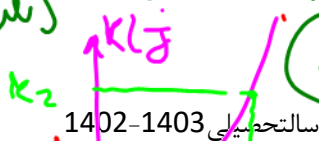
برای تبدیل صمیم با همگر معکاف

$$\Delta K = \frac{1}{2}m(v_2^2) - \frac{1}{2}m(v_1^2) = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

نکته ④: معایبه انرژی جنبشی در دو حالت مختلف

$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2$$

نکته ⑤: در صد تغییرات تبدیلیه رافولمت: ابتدا سمت حالت هم به مان اول آن تبدیلیه رابست می‌آورد (نکته ۴)



تکریرت آرده رالده تقوایه همگر صعدون مکرر مخزج = (در صد تغییرات) مخزج

گرد آورنده: دکتر محمدی پور

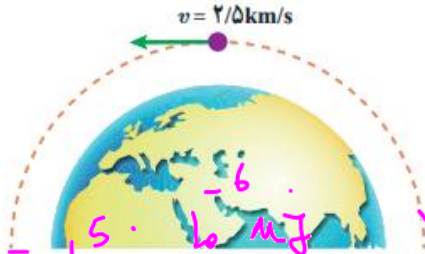
نکته ⑥: نمودار انرژی جنبشی بر حسب سرعت جسم v (m/s)

مدرس: دکتر محمدی پور



$$2,15 \frac{\text{km}}{\text{s}} \times \frac{1 \text{ m}}{10^{-3} \text{ km}} = 2150 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

تمرین ۱-۳



ماهواره‌ای به جرم 220 kg ، با تندی ثابت $2/5 \text{ km/s}$ دور زمین می‌چرخد. انرژی جنبشی ماهواره را بر حسب ژول و مگاژول حساب کنید.

$$K = 687,5 \times 10^3 \times \frac{1}{2} \times 220 \times (2500)^2$$

$$K = 687,5 \text{ MJ}$$

$$K = \frac{1}{2} m v^2 \quad \text{SI}$$

$$K = \frac{1}{2} \times 220 \times (2500)^2$$

$$= 110 \times 6250000 = 687,5 \times 10^3 \text{ J}$$

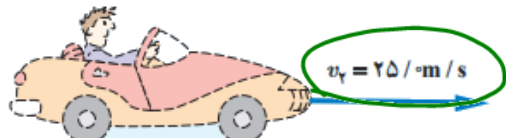
تمرین ۲-۳

جرم خودرویی به همراه راننده‌اش 840 kg است (شکل زیر). تندی خودرو در دو نقطه از مسیرش روی شکل زیر داده شده است. تغییرات انرژی جنبشی خودرو ($\Delta K = K_2 - K_1$) را بین این دو نقطه حساب کنید.

$$18 + 8 + 64$$

$$26 + 64$$

$$324$$



$$\Delta k = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

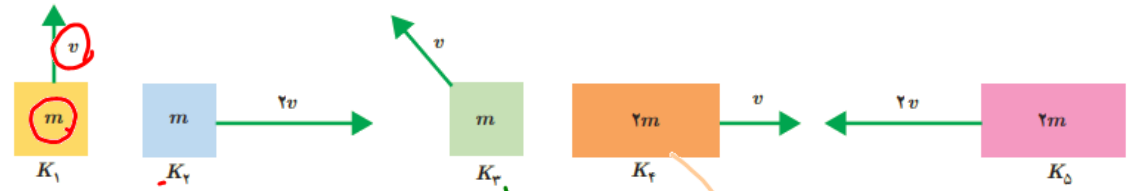
$$\Delta k = \frac{1}{2} (840) (625 - 324)$$

$$\Delta k = 420 (301)$$

$$K = \frac{1}{2} m v^2$$

برش ۱-۳

انرژی جنبشی هر یک از اجسام زیر را با هم مقایسه کنید و مقدار آن را به ترتیب از کمترین تا بیشترین بنویسید.



$$K_1 = \frac{1}{2} m v^2$$

$$K_2 = \frac{1}{2} m (2v)^2$$

$$K_2 = 4 \left(\frac{1}{2} m v^2 \right)$$

$$K_3 = \frac{1}{2} m v^2$$

$$K_4 = \frac{1}{2} (2m) v^2$$

$$= 2 \left(\frac{1}{2} m v^2 \right)$$

$$K_5 = \frac{1}{2} (2m) (2v)^2$$

$$K_5 = 8 \left(\frac{1}{2} m v^2 \right)$$

$$K_5 > K_2 > K_4 > K_3 = K_1$$

مدرس: دکتر محمدی پور



۱ - تندی جسمی به جرم 8 kg ، 36 km/h افزایش می‌یابد. اگر در اثر این تغییر، انرژی جنبشی آن $1/6 \text{ kJ}$ تغییر کند، تندی اولیه جسم چند کیلومتر بر ساعت است؟

۹۰ (۴)

۵۴ (۳)

۲۵ (۲)

۱۵ (۱)

۲ - اتومبیلی به جرم 800 kg در حال حرکت است. اگر انرژی جنبشی آن 160 kJ باشد، سرعت اتومبیل چند کیلومتر بر ساعت است؟

۳۶ (۴)

۴۸ (۳)

۷۲ (۲)

۹۶ (۱)



چهار جسم با جرم‌های ($m_A = 40\text{g}, m_B = 200\text{g}, m_C = 16\text{kg}, m_D = 4\text{kg}$) با تندی‌های ثابت

($v_A = 4 \frac{\text{m}}{\text{s}}, v_B = 0.8 \frac{\text{m}}{\text{s}}, v_C = 5 \frac{\text{cm}}{\text{s}}, v_D = 0.2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$) در حرکت هستند انرژی جنبشی کدام جسم بزرگتر است؟

D (۴)

C (۳)

B (۲)

A (۱)

انرژی جنبشی جسمی 3600J است. اگر به تندی اولیه این جسم $6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ اضافه شود، انرژی جنبشی‌اش در حالت جدید

$3/24 \times 10^4\text{J}$ می‌شود. تندی اولیه جسم چند متر بر ثانیه بوده است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)



$$m_2 = \frac{5}{100} m_1$$

خلبان یک هواپیمای اطفای حریق، در اثر تخلیه آب مخزن، جرم هواپیما را ۵۰ درصد کاهش می دهد. اگر خلبان تندی هواپیما را ۲۰ درصد افزایش دهد، انرژی جنبشی هواپیما چند درصد و چگونه تغییر می کند؟

$$\frac{v_2}{v_1} = \frac{120}{100}$$

(۱) ۳۶ درصد افزایش می یابد.

(۲) ۳۶ درصد کاهش می یابد.

(۳) ۲۸ درصد افزایش می یابد.

(۴) ۲۸ درصد کاهش می یابد.

$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2$$

$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{5}{100} \times \left(\frac{120}{100}\right)^2$$

$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{5}{100} \times \frac{144}{100} = \frac{(500 + 200 + 20)}{10000} = \frac{720}{10000}$$

$$\Delta \text{ درصد } = \frac{72 - 100}{100} \times 100 = -28$$

جسمی به جرم ۲kg با سرعت ثابتی به بزرگی v_1 در حال حرکت است. اگر اندازه ی سرعت این جسم $8 \frac{m}{s}$ افزایش یابد، انرژی جنبشی آن ۴ برابر می شود. انرژی جنبشی جسم قبل از افزایش سرعت چند ژول بوده است؟

$$\frac{K_2}{K_1} = 4$$

$$v_2 = v_1 + 8$$

۳۲ (۴)

۱۶ (۳)

$$64 (2)$$

۴۸ (۱)

$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2$$

$$4 = \left(\frac{v_1 + 8}{v_1}\right)^2$$

$$2 = \frac{v_1 + 8}{v_1} \rightarrow 2v_1 = v_1 + 8$$

$$v_1 = 8 \frac{m}{s}$$

$$K_1 = \frac{1}{2} m v_1^2$$

$$K_1 = \frac{1}{2} \times 2 \times 8^2 = 64 \text{ J}$$

مدرس: دکتر محمدی پور



- تندی حرکت خودروی A، $18 \frac{km}{h}$ بیش تر از تندی حرکت خودروی B است و جرم آن نصف جرم خودروی B می باشد. اگر انرژی جنبشی دو خودرو باهم برابر باشد، تندی حرکت خودروی B چند متر بر ثانیه است؟

- (1) $5(\sqrt{2}+1)$ (2) $5(\sqrt{2}+2)$ (3) $5(\sqrt{2}-1)$ (4) $5(2-\sqrt{2})$

$$\frac{v_2}{v_1} = \frac{12}{10} \quad \frac{m_2}{m_1} = \frac{8}{10}$$

ناخدای یک کشتی باری، با تخلیه کردن مقداری از بار کشتی در آب دریا، جرم کشتی را ۲۰ درصد کم می کند تا بتواند تندی حرکت آن را ۲۰ درصد افزایش دهد. انرژی جنبشی کشتی چند درصد و چگونه تغییر می کند؟

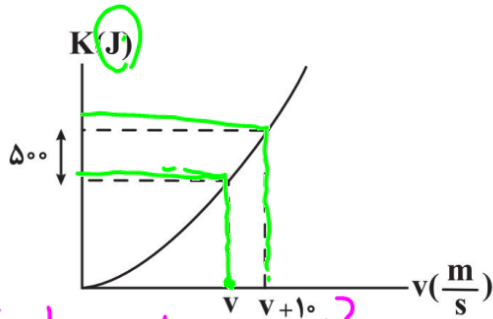
(1) ۴ - کاهش $\frac{15}{2}$ (2) ۱۵/۲ - کاهش $\frac{15}{2}$ (3) ۴ - افزایش (4) ۱۵/۲ - افزایش

$$\frac{k_2}{k_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2 = \frac{8}{10} \times \frac{144}{100} = \frac{800 + 320 + 32}{1000} = \frac{1152}{1000} = 115.2\%$$

$$= \frac{1152 - 1000}{1000} \times 100 = 15.2\%$$

جرم پدری، ۴ برابر جرم پسرش است. اگر تندی حرکت پسر، ۳ برابر تندی حرکت پدر باشد، پدر باید تندی خود را چند درصد و چگونه تغییر دهد تا انرژی جنبشی او و پسرش با هم برابر شود؟

- (1) ۵۰ - افزایش (2) ۵۰ - کاهش (3) ۳۳ - افزایش (4) ۳۳ - کاهش



$$K = \frac{1}{2} m (v + 3.0)^2$$

$$= 1 \times (5.0)^2 = 25.0 \text{ e}$$

در شکل زیر، نمودار انرژی جنبشی بر حسب تندی برای جسمی به جرم 2kg، نشان داده شده است. اگر تندی این جسم به $v + 3.0$ متر بر ثانیه برسد، انرژی جنبشی آن چند ژول می شود؟

$$\Delta K = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

$$500 = \frac{1}{2} (2) ((v+1.0)^2 - v^2)$$

$$500 = v^2 + 2.0v + 1.00 - v^2$$

$$400 = 2.0v \rightarrow v = 2.0 \text{ m/s}$$

۱۶۰۰ (۱)

۲۵۰۰ (۲)

۳۶۰۰ (۳)

۱۳۰۰ (۴)

۱- جسم A با جرم m و تندی v دارای انرژی جنبشی 1000 J است. انرژی جنبشی جسم B که جرم آن 10 درصد بیشتر و تندی آن 10 درصد کمتر از جسم A است، بر حسب ژول کدام است؟

۱۰۰۰ (۴)

۹۹۱ (۳)

۹۸۱ (۲)

۸۹۱ (۱)

$$\frac{K_B}{K_A} = \frac{m_B}{m_A} \times \left(\frac{v_B}{v_A}\right)^2$$

$$\frac{K_B}{1000} = \frac{11}{10} \times \left(\frac{81}{100}\right) \Rightarrow K = 81 \times 11 = 86 + 81 = 891$$



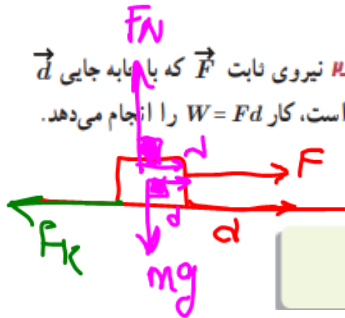
۲-۳ کار انجام شده توسط نیروی ثابت

در علوم سال هفتم دیدید که مفهوم کار در فیزیک، با مفهوم آن در زندگی روزمره بسیار متفاوت است. همچنین با تعریف کار، برای حالتی که نیروی وارد شده به جسم، ثابت و با جابه‌جایی جسم در یک جهت باشد (شکل ۲-۳)، به صورت رابطه زیر آشنا شدید:

(نیرو) (جابه‌جایی در راستای نیرو) = کار
 (جابه‌جایی) (نیرو در راستای جابه‌جایی) = کار



شکل ۳-۳ نیروی ثابت \vec{F} که با جابه‌جایی \vec{d} هم جهت است، کار $W = Fd$ را انجام می‌دهد.



جسم در جهت نیرو، به اندازه d جابه‌جا شده است.
 اگر نیرو در جهت جابه‌جایی باشد $W = (F)(d)$

$$W = Fd$$

(۲-۳) اگر نیرو در جهت عکس جابه‌جایی باشد

$$W_{F_k} = -F_k d$$

اگر نیرو بر جابه‌جایی عمود باشد

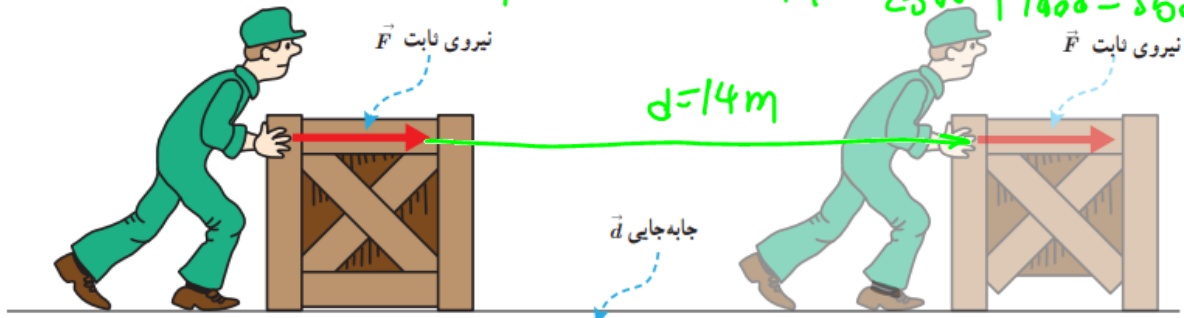
در این رابطه F اندازه نیروی وارد بر جسم و d اندازه جابه‌جایی آن است. کار، همان یکای انرژی را دارد و کمیتی نرده‌ای است. برای استفاده از این رابطه به منظور محاسبه کار باید به دو نکته توجه کرد. اول آنکه، نیروی ثابت وارد بر جسم، باید با جابه‌جایی آن هم جهت باشد و دوم آنکه، باید بتوان جسم را مانند یک ذره فرض کرد (بخش مدل‌سازی را در فصل اول ببینید).

کار این نیروها در این جابه‌جایی صواب است.
 $W_{mg} = 0$
 $W_{F_N} = 0$

مثال ۲-۳

شکل زیر کارگری را در حال هل دادن جعبه‌ای با نیروی ثابت 250 N نشان می‌دهد. اگر جعبه 14 m در امتداد نیرو جابه‌جا شود، کار انجام شده توسط این نیرو چقدر است؟

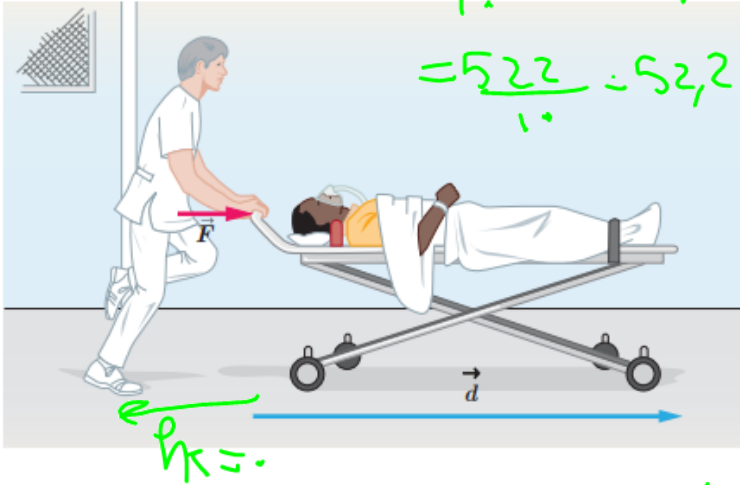
$$W_F = Fd = 250 \cdot 14 = 2500 + 1000 = 3500\text{ J}$$





مثال ۳-۳

$$F = 87 \times \frac{6}{1.0} = \frac{480 + 42}{1.0} = 522 = 522 \text{ N}$$



بیماری به جرم 72 kg روی تختی به جرم 15 kg دراز کشیده است. پرستاری این تخت را با نیروی ثابت و افقی \vec{F} روی سطحی هموار و با اصطکاک ناچیز هل می‌دهد. مجموعه تخت و بیمار با شتاب 0.60 m/s^2 حرکت می‌کند.

$$F = ma$$

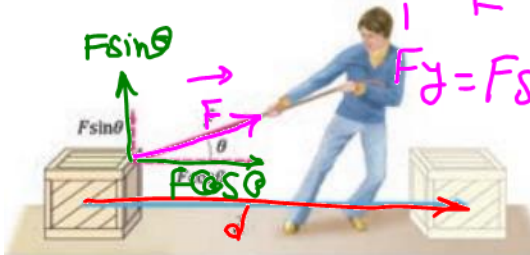
الف) اندازه نیروی \vec{F} چقدر است؟

ب) اگر تخت 1.0 m در جهت این نیرو جابه‌جا شود، کار انجام شده توسط نیروی \vec{F} را حساب کنید.

$$W = Fd = 522.2 \times 1.0 = 522.2 \text{ J}$$

همان‌طور که تا اینجا دیدید، تعریف کار بر اساس رابطه ۲-۳ تنها برای حل مسئله‌هایی به کار می‌رود که نیرو و جابه‌جایی در یک جهت باشند. اگر مطابق شکل ۳-۳ نیروی وارد شده به جسم با جابه‌جایی زاویه θ بسازد، در این حالت نیروی \vec{F} دارای دو مؤلفه است؛ یکی موازی با جابه‌جایی و دیگری عمود بر آن. همان‌طور که از علوم هفتم نیز به یاد دارید، مؤلفه‌ای از نیرو که بر جابه‌جایی عمود است (F_y) کاری روی جسم انجام نمی‌دهد. کار انجام شده روی جسم تنها ناشی از مؤلفه‌ای از نیرو است که در راستای جابه‌جایی است (F_x). در این حالت، کاری که نیروی ثابت \vec{F} به ازای جابه‌جایی \vec{d} روی جسم انجام می‌دهد از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\cos \theta = \frac{\text{ضلع مجاور به } \theta}{\text{وتر}} \Rightarrow \cos \theta = \frac{F_x}{F} \Rightarrow F_x = F \cos \theta$$

$$\sin \theta = \frac{\text{ضلع مقابل به } \theta}{\text{وتر}} \Rightarrow \sin \theta = \frac{F_y}{F} \Rightarrow F_y = F \sin \theta$$


$$W = (F \cos \theta) d \quad \omega = Fd \cos \theta \quad (3-3)$$

زایده $F \sin \theta$ جابه‌جایی عمود بر نیرو

$$\omega = (F \sin \theta) d$$

$$F_y = F \cos \alpha$$

$$F_x = F \sin \alpha$$

$$F_y = F \sin \theta$$

$$F_x = F \cos \theta$$

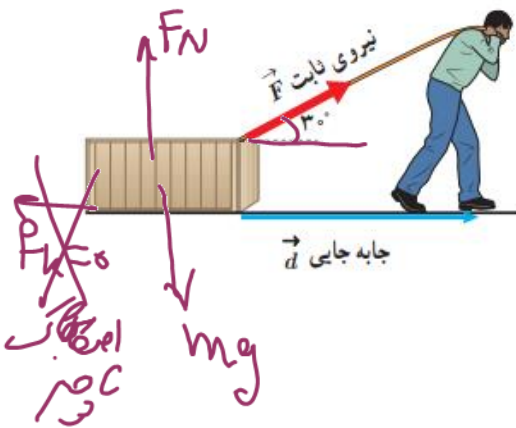
$$F_x = F \sin \theta$$

$$F_y = F \cos \theta$$



اگر نیرو با جابجایی هم جهت $\theta = 0 \rightarrow W = Fd \cos(0) = Fd$
 اگر نیرو با جابجایی مخالف جهت $\theta = 180 \rightarrow W = Fd \cos(180) = -Fd$
 اگر نیرو بر جابجایی عمود $\theta = 90 \Rightarrow W = Fd \cos(90) = 0$

مثال ۳-۲



شکل رویه رو شخصی را نشان می دهد که جعبه ای را با نیروی ثابت ۲۰۰ N روی سطحی هموار و با اصطکاک ناچیز به اندازه ۱۰٪ m جابه جا می کند.

الف) کار انجام شده توسط این نیرو و حقدر است؟
 $W = Fd \cos \theta$
 $W = 200 \times 10 \times \cos 30 = 1732$
 ب) نیروهای دیگری را که بر جسم وارد می شود مشخص کنید. کاری را که هر کدام از این نیروها روی جسم انجام می دهند حساب کنید.

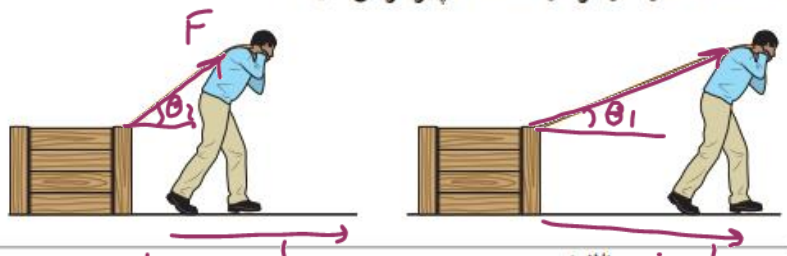
$W_{FN} = 0$
 $W_{mg} = 0$
 بر جابجایی عمود

پوشش ۲-۳

شخصی جسمی را یک بار با طنابی بلند (شکل الف) و بار دیگر با طنابی کوتاه تر (شکل ب) روی سطحی هموار می کشد. اگر جابه جایی و کاری که این شخص در هر دو بار روی جعبه انجام می دهد یکسان باشد، توضیح دهید در کدام حالت، شخص نیروی بزرگ تری وارد کرده است. اصطکاک را در هر دو حالت، ناچیز فرض کنید.

$W = Fd \cos \theta$

برای اینکه کار یکسان انجام

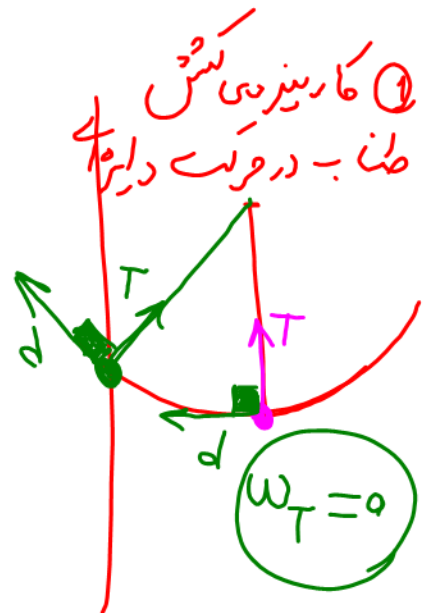


$F_1 \cos \theta_1 = F_2 \cos \theta_2$
 $\frac{F_1}{F_2} = \frac{\cos \theta_2}{\cos \theta_1}$

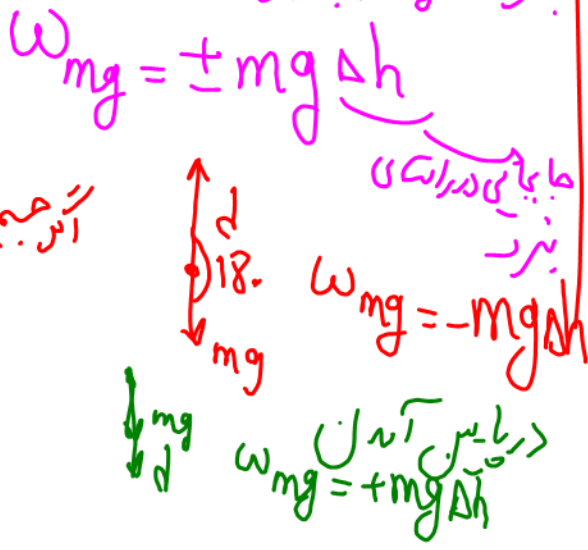
در هر دو حالت، برای اینکه کار یکسان انجام شود، نیروی وارد شده باید یکسان باشد. از آنجا که در حالت (ب) زاویه بزرگتر است، نیروی وارد شده باید بزرگتر باشد.

کار سه نیروی مهم

(2) کار نیروی اصطکاک و مقاومت هوا
این نیروها همیشه مخالف جابجایی هستند



(3) کار نیروی وزن: $W_{mg} = ?$
چون همیشه در جهت mg تأثیر میزند
پس کار mg را به صورت

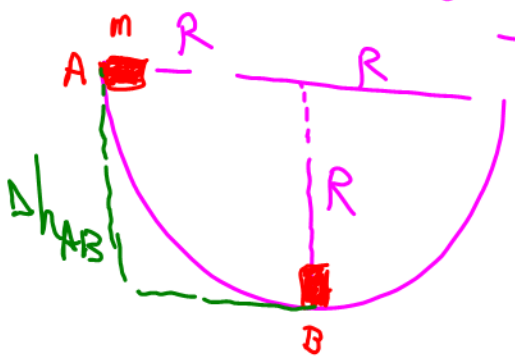


Δh در سطح شیبدار وقتی جسم به اندازه d روی سطح شیبدار جابجایی شود

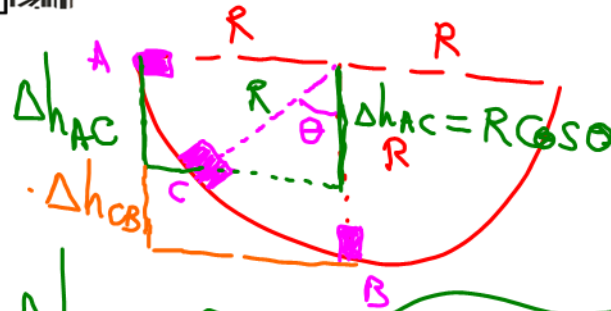


$W_{mg}(A \rightarrow B) = +mg \Delta h = mg d \sin \alpha$
 $W_{mg}(B \rightarrow A) = -mg \Delta h = -mg d \sin \alpha$

کار نیروی وزن برابر ذره را به جسم m در کمانه ای که به ارتفاع R



$W_{mg}(A \rightarrow B) = +mg \Delta h_{AB} = mgR$
 $W_{mg}(B \rightarrow A) = -mg \Delta h_{BA} = -mgR$



$$\Delta h_{AC} + \Delta h_{CB} = R$$

$$R \cos \theta + \Delta h_{CB} = R \rightarrow \Delta h_{CB} = R - R \cos \theta$$

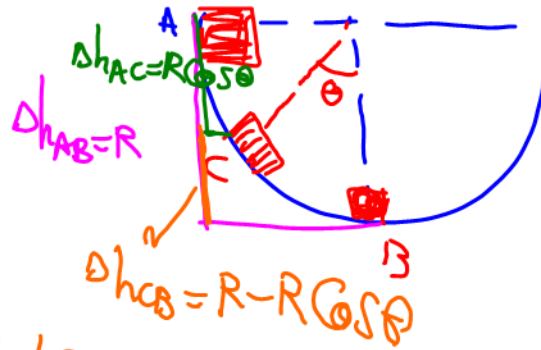
جمع بندی



بازرسی
نشان در مسیر
B C A

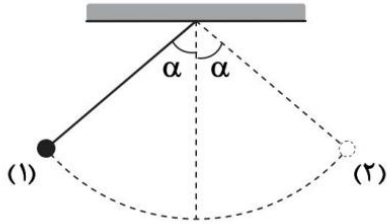
$$W_{mg} = -mg \Delta h$$

$$W_{mg} = -mg(L - L \cos \theta)$$





- مطابق شکل، گلوله‌ای که با نخ از سقف آویزان است را از نقطه (۱) رها می‌کنیم تا در طرف دیگر به نقطه (۲) برسد. اگر مقاومت هوا و اصطکاک ناچیز باشد، کدام گزینه در مورد کار نیروی وزن و کار نیروی کشش نخ در این مسیر درست است؟



(۱) کار نیروی وزن ابتدا مثبت و سپس منفی است.

(۲) کار نیروی کشش نخ همواره مثبت است.

(۳) کار نیروی وزن در هر جابه‌جایی دلخواه از مسیر صفر است. $\pm mgh$

(۴) کار نیروی کشش نخ ابتدا منفی و سپس مثبت است. \times مولد

- یک توپ بازی از ارتفاع ۴ متری سطح زمین بدون سرعت اولیه رها شده و بعد از برخورد با زمین، تا ارتفاع ۲ متری بازگشته است. کار نیروی وزن در مدت بالا رفتن توپ چند برابر کار نیروی وزن در مدت پایین آمدن آن است؟

(۴) باید جرم توپ معلوم باشد.

(۳) ۲

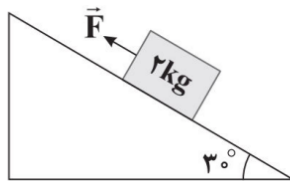
(۲) $-\frac{1}{2}$

(۱) $\frac{1}{2}$

$$\frac{\omega_{mg \uparrow}}{\omega_{mg \downarrow}} = \frac{-mgh_1}{+mgh_2} = \frac{-2}{4} = -\frac{1}{2}$$

در هر ثانیه ۲ متر بالایی در

مطابق شکل زیر، جسمی به جرم ۲ kg با تندی ثابت $2 \frac{m}{s}$ بر روی سطح شیبدار به سمت بالا جابه‌جا می‌کنیم. کار نیروی وزن جسم در



$$W_{mg} = -mgh$$

$$h = d \sin \alpha = 2 \times \sin 30 = 1$$

ثانیه دوم حرکت چند ژول است؟ $(g = 10 \frac{m}{s^2})$

$$d = 2 \times 1 = 2m$$

(۱) ۲۰

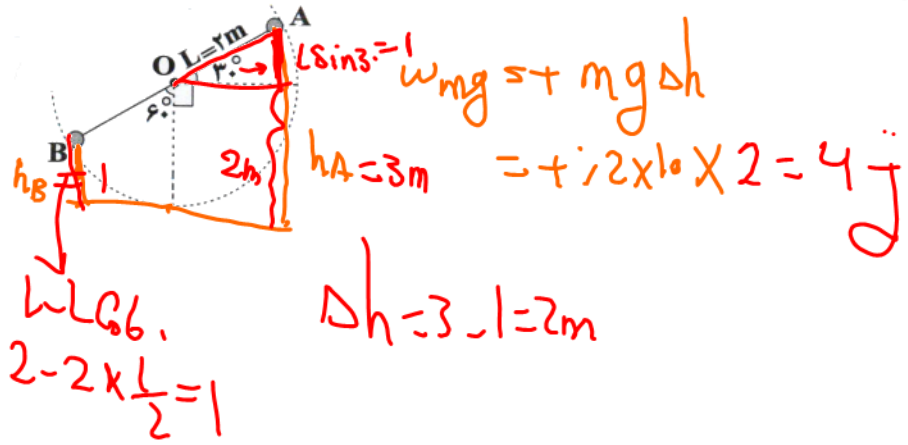
(۲) ۴۰

(۳) -۲۰

(۴) -۴۰

$$W_{mg} = -2 \times 10 \times 1 = -20J$$

- مطابق شکل زیر، وزنه‌ای به جرم 0.2 kg به انتهای میله سبکی وصل شده است که می‌تواند حول نقطه O بچرخد. هرگاه وزنه مطابق شکل از وضعیت A رها شود، کار نیروی وزن وارد بر وزنه در جابه‌جایی آن از نقطه A تا B چند ژول است؟



- $(g = 10 \frac{N}{kg})$
- ۲۰ (۱)
- ۴۰ (۲)
- ۲ (۳)
- ۴ (۴)

مدرس: دکتر محمدی پور

اگر نیروی $\vec{F} = F_x \hat{i} + F_y \hat{j}$ اندازه و جهت و رات را بیان کند
 دسته‌بندی کار آن را در آن به اندازه و جهت و رات را بیان کند
 کار در راست x جا بجا سفید F_y در راست y هیچ کاری انجام نمی‌دهد (یعنی آن محاسب
 بردارهای یکدسته
 $w = F_x dx$
 $w = F_y dy$

- در صفحه XOY ، به جسمی نیروی $\vec{F} = 2\hat{i} - 4\hat{j}$ وارد می‌شود. اگر بردار جابه‌جایی جسم به صورت $\vec{r} = 2\hat{i} - 1\hat{j}$ باشد، کار نیروی \vec{F} در جابه‌جایی \vec{r} برابر با چند ژول است؟ (تمامی واحدها در SI هستند.)

$$w = F_x dx + F_y dy$$

$$w = 2 \times 2 + 4 \times (-1)$$

$$w = 4 - 4 = 0$$

- ۸ (۱)
- ۲ (۳)

جسمی تحت تأثیر دو نیروی $\vec{F}_1 = 6\hat{i} - 4\hat{j}$ و $\vec{F}_2 = 5\hat{i} - 12\hat{j}$ به اندازه 6 متر در خلاف جهت محور X حرکت می کند. کار کل انجام شده روی جسم چند ژول است؟ (بردارها بر حسب واحدهای SI هستند).

(۴) -۶

(۳) ۶

(۲) -۶۶

(۱) ۶۶

$$W_{F_1} + W_{F_2} = 6 \times (-6) + 5 \times (-6) = -36 - 30 = -66$$

کار کل: اگر به جای یک نیرو، چند نیرو بر جسمی وارد شود، با استفاده از رابطه ۳-۳، کار انجام شده توسط هر نیرو را به طور جداگانه محاسبه می کنیم. سپس با جمع جبری کار انجام شده توسط تک تک نیروها کار کل (W_T) را می یابیم.

$$W_T = W_{F_1} + W_{F_2} + W_{F_3} + \dots$$

$$W_T = \pm F_{net} d = \pm mad \quad (F_{net} = ma)$$

مثال ۳-۵

شکل زیر پدر و پسری را در حال جابه جا کردن یک جعبه سنگین روی سطحی هموار نشان می دهد. نیروی F_1 را پدر و نیروی F_2 را پسر به جسم وارد می کنند و f_k نیز نیروی اصطکاک جنبشی است که با حرکت جسم مخالفت می کند و در خلاف جهت جابه جایی به جعبه وارد می شود. کار کل انجام شده روی جسم را محاسبه کنید.

$W_{F_1} = F_1 d \cos 0 = 150 \times 10 \times \cos 0 = 1500 \text{ J}$
 $W_{F_2} = F_2 d \cos(60) = 600 \text{ J}$
 $W_{f_k} = -f_k d = -3000 \text{ J}$
 $W_{F_N} = 0$
 $W_{mg} = 0$
 $W_T = 1500 + 600 - 3000 = -900 \text{ J}$

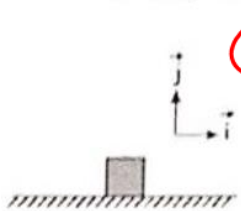


تمرین ۳-۵

کشاورزی توسط تراکتور، سورت‌های پراز هیزم را در راستای یک زمین هموار به اندازه 200 m جابه‌جا می‌کند (شکل زیر). وزن کل سورت‌ها و بار آن $mg = 15000\text{ N}$ است. تراکتور نیروی ثابت $F_1 = 5500\text{ N}$ را در زاویه $\theta = 45^\circ$ بالای افق به سورت‌ها وارد می‌کند. نیروی اصطکاک جنبشی $f_k = 3500\text{ N}$ است که برخلاف جهت حرکت به سورت‌ها وارد می‌شود. کار کل انجام شده روی سورت‌ها را محاسبه کنید.

$W_{FN} = W_{mg} = 0$
 $W_F = F d \cos 45^\circ = 5500 \times 200 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 550000 \sqrt{2}$
 $W_{fk} = -f_k d = -3500 \times 200 = -700000$
 $W_T = W_F + W_{fk} = 550000\sqrt{2} - 700000$

مطابق شکل زیر، نیروی ثابت $\vec{F} = (2b)\vec{i} + (3b - 2)\vec{j}$ در SI به جسم ساکنی به جرم 5 kg که روی یک سطح افقی بدون اصطکاک قرار دارد، وارد می‌شود و جسم در راستای افق با شتاب ثابت $2.4 \frac{m}{s^2}$ شروع به حرکت می‌کند. کار نیروی \vec{F} پس از 20 متر جابه‌جایی افقی جسم، چند ژول است؟



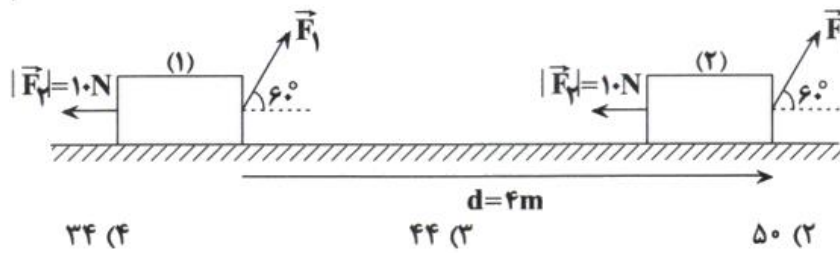
240 (۴) 360 (۳) 700 (۲) 220 (۱)

$W_T = W_F = \pm mad = +5 \times 2.4 \times 20 = 240 \text{ J}$

مدرس: دکتر محمدی پور



در شکل زیر، اگر در جابه‌جایی افقی به اندازه $d = 4\text{m}$ ، کار برابند دو نیروی \vec{F}_1 و \vec{F}_2 برابر 48J باشد، آن‌گاه $|\vec{F}_1|$ چند نیوتون است؟



۳۴ (۴)

۴۴ (۳)

۵۰ (۲)

۲۲ (۱)

$$W_{F_1} + W_{F_2} = 48$$

$$F_1 d \cos 60^\circ + F_2 d \cos 180^\circ = 48$$

$$F_1 \times 4 \times \frac{1}{2} + 10 \times 4 \times (-1) = 48$$

$$2F_1 = 88 \rightarrow F_1 = 44$$

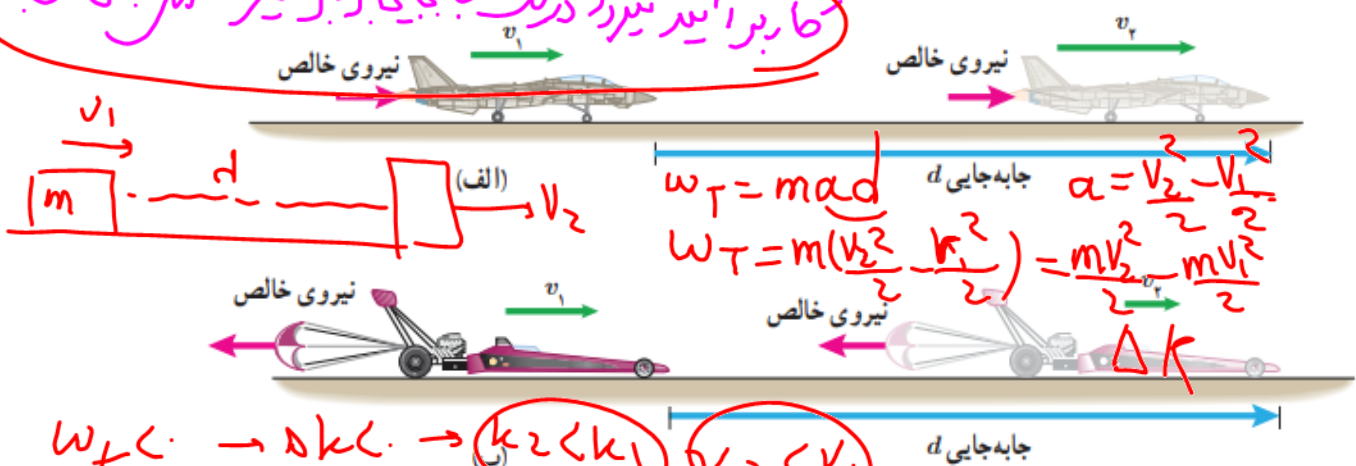
انرژی جنبشی

۳-۳ کار و انرژی جنبشی

انرژی جنبشی را
انرژی جنبشی می‌دانیم

اگر در حین جابه‌جایی جسمی، نیروی خالصی به آن وارد شود، کار کل انجام شده روی جسم ممکن است مثبت یا منفی باشد. در شکل (۳-۲ الف)، نیروی خالص وارد شده به هواپیما با جابه‌جایی آن هم جهت است و کار کل انجام شده روی هواپیما، سبب افزایش انرژی جنبشی آن شده است؛ در حالی که در شکل (۳-۲ ب)، نیروی خالص برخلاف جهت جابه‌جایی به یک خودروی مسابقه‌ای وارد شده و کار کل انجام شده روی آن، سبب کاهش انرژی جنبشی اتومبیل شده است. به این ترتیب، می‌توان گفت: وقتی نیروی خالصی به جسمی وارد می‌شود، اگر کار مثبتی روی جسم انجام دهد به معنای دادن انرژی به آن است و اگر کار منفی روی جسم انجام دهد، به معنای گرفتن انرژی از آن است.

قضیه کار-انرژی: کار برابر است با تغییر انرژی جنبشی آن جسم



$$W_T = mad$$

$$W_T = m\left(\frac{v_2^2}{2} - \frac{v_1^2}{2}\right) = \frac{mv_2^2}{2} - \frac{mv_1^2}{2} = \Delta K$$

$$a = \frac{v_2^2 - v_1^2}{2d}$$

$W_T < 0 \rightarrow K_2 < K_1 \rightarrow v_2 < v_1$

بین کار کل انجام شده روی یک جسم و تغییر انرژی جنبشی آن رابطه‌ای وجود دارد که به قضیه کار-انرژی جنبشی معروف است. مطابق این قضیه، کار کل انجام شده روی یک جسم با تغییر انرژی جنبشی آن برابر است. اگر انرژی جنبشی جسمی را در دو وضعیت متفاوت با K_1 و K_2 نشان دهیم، در این صورت قضیه کار-انرژی جنبشی با رابطه زیر بیان می‌شود:

$$W_T = K_2 - K_1$$

$$W_T = W_{F_1} + W_{F_2} + \dots$$

$$W_T = \int F dx$$

$$W_{F_1} + W_{F_2} + \dots = \Delta K \quad (4-3)$$



هنگامی که $W_i > 0$ است انرژی جنبشی جسم افزایش می‌یابد (انرژی جنبشی پایانی بزرگ‌تر از انرژی جنبشی آغازی K_1 است) و جسم در پایان جابه‌جایی تندتر از آغاز آن حرکت می‌کند. هنگامی که $W_i < 0$ است، انرژی جنبشی جسم کاهش می‌یابد ($K_2 < K_1$) و تندی آن پس از جابه‌جایی کمتر است. هنگامی که $W_i = 0$ است انرژی جنبشی جسم در دو نقطه آغازی و پایانی یکسان ($K_2 = K_1$) و تندی آن نیز در این دو نقطه برابر است. توجه کنید که قضیه کار-انرژی جنبشی نه تنها برای حرکت یک جسم روی مسیری مستقیم معتبر است، بلکه اگر جسم روی هر مسیر خمیده‌ای نیز حرکت کند، می‌توان از آن استفاده کرد (تمرین ۳-۷ را ببینید). قضیه کار-انرژی جنبشی، قانون جدیدی در فیزیک نیست؛ بلکه صرفاً کار (رابطه ۳-۳) و انرژی جنبشی (رابطه ۳-۱) را به هم مرتبط می‌سازد و به‌سادگی می‌توان آن را از قانون دوم نیوتون به‌دست آورد.



مثال ۳-۲

چتربازی به جرم کل 75 kg از بالونی که در ارتفاع 800 m از سطح زمین است، با تندی $1/2 \text{ m/s}$ به بیرون بالون می‌پرد. اگر او با تندی $4/8 \text{ m/s}$ به زمین برسد، کار نیروی مقاومت هوا روی چترباز را در طول مسیر سقوط محاسبه کنید. شتاب گرانش زمین را $9/8 \text{ m/s}^2$ بگیرید.



$$W_{FR} = -F_R d$$

$$W_{mg} + W_{FR} = \Delta K$$

$$+mg\Delta h + W_{FR} = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$75 \times 9.8 \times 800 + W_{FR} = \frac{1}{2}(75)(4.8^2 - 1.2^2)$$

$$75 \times 9.8 \times 800 + W_{FR} = \frac{1}{2} \times 75 (1.2^2 - 4.8^2)$$

$$W_{FR} = \frac{75 \times 1.2^2 \times 15}{2} - 75 \times 9.8 \times 800$$

$$W_{FR} = 75 \left(\frac{1.44 \times 15}{2} - 9.8 \times 800 \right)$$

تمرین ۳-۲



جرم یک خودروی الکتریکی به همراه راننده اش 840 kg است. وقتی این خودرو از موقعیت A به موقعیت B می‌رود، کار کل انجام شده روی خودرو 73500 J است. اگر تندی خودرو در موقعیت A برابر 54 km/h باشد، تندی آن در موقعیت B چند متر بر ثانیه است؟

$$W_T = \Delta K$$

$$73500 = \frac{1}{2}m(v_B^2 - v_A^2)$$

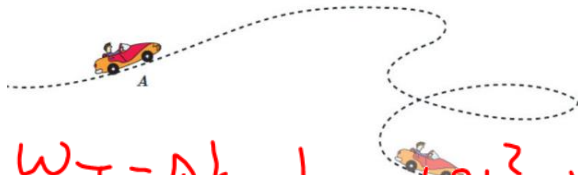
$$73500 = 420(v_B^2 - 15^2) \rightarrow v_B^2 = \frac{73500}{420} + 225$$

$$v_B = \sqrt{\frac{73500}{420} + 225}$$



$$|\vec{v}_A| = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5$$

جرم یک خودروی سبک به همراه سرنشینان آن 900 kg است. اگر سرعت خودرو در نقطه A، در SI، $\vec{v}_A = 3\vec{i} + 4\vec{j}$ و در نقطه B در SI، $\vec{v}_B = 7\vec{i} - 24\vec{j}$ باشد، کار کل از نقطه A تا B چند کیلوژول است؟



$$v_B = \sqrt{49 + 24^2} = 24.1$$

$$v_B = \sqrt{49 + 576} = 24.2$$

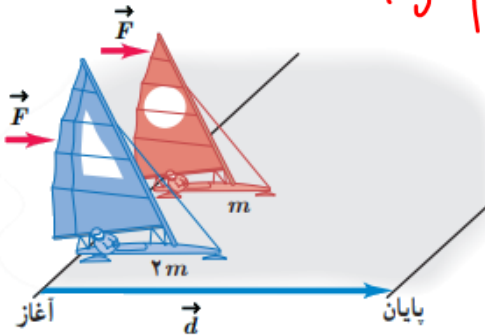
$$v_B = \sqrt{625} = 25$$

$$W_T = \Delta K = \frac{1}{2} m (v_B^2 - v_A^2)$$

$$= \frac{1}{2} (900) (25^2 - 5^2)$$

$$= 450 \times 5^2 (24) = 450 \times (25 \times 24) = 600$$

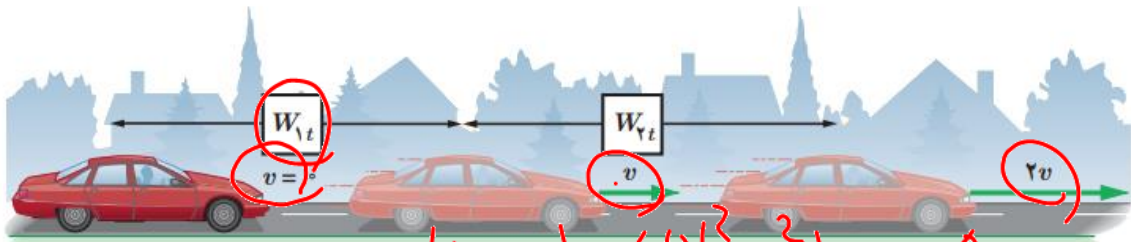
تمرین ۳-۸



دو قایق بادبانی مخصوص حرکت روی سطوح یخزده، دارای جرم‌های m و $2m$ ، روی دریاچه افقی و بدون اصطکاک قرار دارند و نیروی ثابت و یکسان \vec{F} با وزیدن باد به هر دو وارد می‌شود (شکل روبه‌رو). هر دو قایق از حال سکون شروع به حرکت می‌کنند و از خط پایان به فاصله d می‌گذرند. انرژی جنبشی و تندی قایق‌ها را درست پس از عبور از خط پایان، با هم مقایسه کنید.

تمرین ۳-۹

برای آنکه تندی خودرویی از حال سکون به v برسد، باید کار کل W_{1t} روی آن انجام شود. همچنین برای آنکه تندی خودرو از v به $2v$ برسد، باید کار کل W_{2t} روی آن انجام شود (شکل زیر). نسبت W_{1t}/W_{2t} چقدر است؟



$$\frac{W_1}{W_2} = \frac{\Delta K_1}{\Delta K_2} = \frac{\frac{1}{2} m (v^2 - 0^2)}{\frac{1}{2} m ((2v)^2 - v^2)} = \frac{v^2}{3v^2} = \frac{1}{3}$$



(1)

اگر کار کل انجام شده بر روی یک جسم جهت رساندن آن از v_0 به v برابر کار کل انجام شده بر روی آن جهت رساندن تندیش از v به $6v$ باشد، $\left|\frac{v}{v_0}\right|$ کدام است؟

- ۳ (۲)
- ۵ (۴)

$$\frac{3}{4} = \frac{v^2 - v_0^2}{36v_0^2 - v_0^2}$$

$$108v_0^2 - 3v_0^2 = 4v_0^2 - 4v_0^2$$

$$112v_0^2 = 7v_0^2$$

$$\frac{v^2}{v_0^2} = \frac{112}{7} = 16$$

$$\frac{v}{v_0} = 4$$

۲ (۱)

۴ (۳)

پاسخ: گزینه ۳

(2)

دو نیروی عمود بر هم موازی با سطح افقی که اندازه‌های مساوی دارند، جسمی به جرم ۴ کیلوگرم را از حال سکون در جهت برابند نیروها، به حرکت درمی‌آورند. اگر پس از ۱۶ متر جابه‌جایی، انرژی جنبشی جسم به ۳۲ ژول برسد، اندازه هر یک از نیروها چند نیوتون است؟

$$F_{net} = \sqrt{F^2 + F^2} = \sqrt{2F^2} = \sqrt{2}F$$

- ۱ (۲)
- $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۴)

$\sqrt{2}$ (۱)

۲ (۳)

پاسخ: گزینه ۱

$$W_{F_{net}} = +F_{net}d = 32 \text{ kJ}$$

$$\sqrt{2}F \times 16 = k_2 - k_1$$

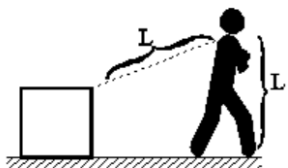
$$\sqrt{2}F \times 16 = 32$$

$$\sqrt{2}F = 2$$

$$F = \frac{2}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

(3)

شخصی با طنابی به طول L که آن را روی شانه‌اش انداخته است، جعبه‌ای به ارتفاع $\frac{L}{4}$ را مطابق شکل زیر می‌کشد. اگر این شخص بخواهد با ثابت ماندن اندازه نیرو و اندازه جابه‌جایی، برای بار دوم از طنابی به طول $2L$ برای کشیدن جعبه استفاده کند، آنگاه کار انجام شده در حالت دوم چند برابر کار انجام شده در حالت اول خواهد شد؟ (فاصله شانه شخص تا سطح زمین نیز به اندازه L است.)



- $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۲)
- $\frac{\sqrt{5}}{2}$ (۴)

$\frac{2\sqrt{3}}{3}$ (۱)

$\frac{2\sqrt{5}}{5}$ (۳)

پاسخ: گزینه ۴

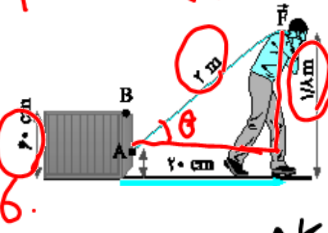
گزینه «۴»

16. + 96

مطابق شکل زیر، شخصی که ارتفاع شانهاش تا زمین برابر با 1/8 متر است، جسمی را با طنابی به طول 2 متر که به نقطه A بسته شده است، روی سطح افقی می‌کشد. اگر طناب را به نقطه B وصل کنیم، به ازای جابه‌جایی یکسان، اندازه نیرو را چگونه باید تغییر دهیم تا اندازه کار انجام شده طی دو حالت یکسان شود؟

$$\frac{F_2}{F_1} = \sqrt{\frac{1,44}{2,56}} = \frac{1,2}{1,6}$$

درصفت = $\frac{1,2 - 1,6}{1,6} \times 100 = -\frac{14}{116} \times 100 = -12,1\%$



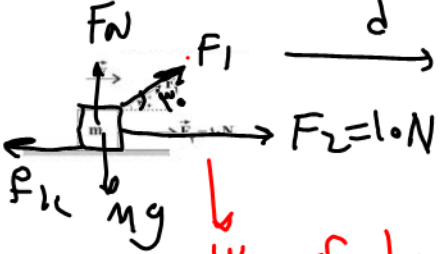
(2) 25 درصد کاهش دهیم.
 (3) 33 درصد افزایش دهیم.
 $\cos \theta_1 = \frac{\text{جانب مجاور}}{\text{وتر}} = \frac{1,6}{2}$

(1) 25 درصد افزایش دهیم.
 (3) 33 درصد افزایش دهیم.
 $\frac{F_2}{F_1} = \frac{\cos \theta_2}{\cos \theta_1}$

(4) 33 درصد کاهش دهیم.
 $\cos \theta_2 = \frac{\text{جانب مجاور}}{\text{وتر}} = \frac{2}{\sqrt{2^2 - 1,2^2}}$

گزینه 2
 گزینه 3
 $\frac{F_2}{F_1} = \frac{\sqrt{2^2 - 1,6^2}}{\sqrt{2^2 - 1,2^2}} = \frac{\sqrt{4 - 2,56}}{\sqrt{4 - 1,44}}$

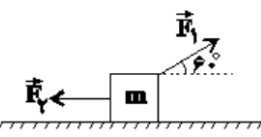
مطابق شکل زیر جسمی به جرم m روی سطح افقی دارای اصطکاکی تحت تأثیر دو نیروی F_1 و F_2 به سمت راست با (تندی ثابت) و انرژی جنبشی 120 J در حال حرکت است. اگر در یک لحظه نیروی F_2 حذف شود، انرژی جنبشی جسم پس از طی مسافت 4 متر چند ژول می‌شود؟ (بزرگی نیروی اصطکاک در طول مسیر ثابت است.)



$w_T = \Delta K$
 $w_{F_1} + w_{F_2} + w_{F_k} = 0$
 $w_{F_1} + w_{F_k} = -w_{F_2}$

$w_{F_2} = F_2 \cdot d \cdot \cos(0) = 10 \times 4 \times 1 = 40$
 $w_{F_1} + w_{F_k} = \Delta K$
 $-40 = K_2 - 12 \rightarrow K_2 = -40 + 12 = -28$ (6)

مطابق شکل زیر جسمی به جرم m روی سطح افقی دارای اصطکاکی بر روی مسیری مستقیم با انرژی جنبشی ثابت به بزرگی 450 ژول در حال حرکت است. اگر در یک لحظه نیروی F_2 حذف شود، انرژی جنبشی جسم پس از طی مسافت 15 متر چند ژول می‌شود؟ ($|F_1| = |F_2| = 20N$)



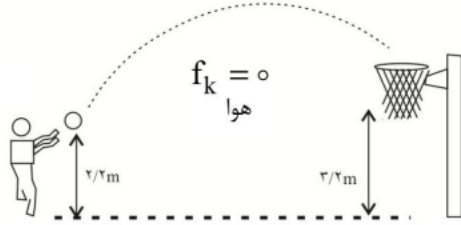
- (1) 150
 - (2) 225
 - (3) 300
 - (4) 250
- پاسخ: گزینه 1

مدرس: دکتر محمدی پور

(7)

- یک بازیکن بسکتبال توپی را از ارتفاع $2/2\text{ m}$ با تندی $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ به طرف سبد پرتاب می کند. اگر مقاومت هوا ناچیز

باشد، تندی توپ در هنگام رسیدن به سبد چند متر بر ثانیه است؟



(1) $8/49$

(2) $8/94$

(3) $9/48$

(4) $9/84$

(8)

گلوله‌ای به جرم 2 kg با تندی $30 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ از سطح زمین در راستای قائم به سمت بالا پرتاب می شود و با تندی $20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ به سطح زمین باز می گردد. اندازه کار نیروی وزن گلوله از لحظه پرتاب تا بالاترین نقطه‌ای که به آن می رسد، چند ژول است؟ $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ و اندازه نیروی مقاومت هوای وارد بر گلوله در طی حرکت آن ثابت است.

(4) 120

(3) 80

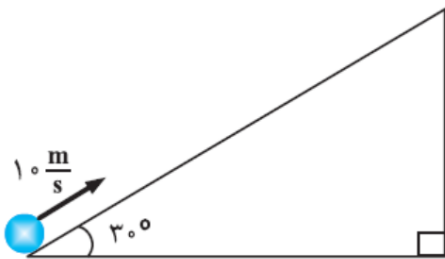
(2) 60

(1) 40

پاسخ: گزینه ۲

(9)

مطابق شکل زیر، جسمی با تندی اولیه $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ از پایین سطح شیب‌داری به سمت بالا پرتاب می شود. اگر بزرگی نیروی اصطکاک وارد بر جسم $\frac{1}{4}$ بزرگی نیروی وزن جسم باشد، پس از این که جسم 4 متر روی سطح بالا می رود، تندی آن به چند متر بر ثانیه می رسد؟ $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$



(2) $5\sqrt{2}$

(4) $2\sqrt{5}$

(1) صفر

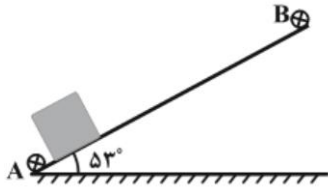
(3) $2\sqrt{10}$

پاسخ: گزینه ۳

گزینه «۳»

(10)

مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 2kg از نقطه A با تندی اولیه $6\frac{\text{m}}{\text{s}}$ در امتداد سطح به بالا پرتاب شده و بعد از توقف لحظه‌ای در نقطه B، دوباره به نقطه A برمی‌گردد. انرژی جنبشی در برگشت به نقطه A، چند ژول است؟ $(\sin 53^\circ = 0.8)$ ، بزرگی نیروی اصطکاک بین جسم و سطح در طول مسیر FN و $g = 10\frac{\text{N}}{\text{kg}}$ است.



(۲) $21/6$

(۴) $27/2$

(۱) ۱۸

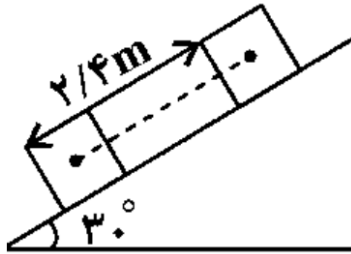
(۳) ۲۵

پاسخ: گزینه ۲

گزینه «۲»

(11)

در شکل زیر، وزنه 400g از بالای سطح شیبدار از حالت سکون شروع به لغزش به سمت پایین می‌کند و پس از طی مسافت $2/4\text{m}$ ، تندی آن به $4\frac{\text{m}}{\text{s}}$ می‌رسد. کار نیروی اصطکاک در این جابه‌جایی چند ژول است؟ $(g = 10\frac{\text{N}}{\text{kg}})$



(۲) $-1/2$

(۴) $-1/6$

(۱) $3/6$

(۳) $0/6$

پاسخ: گزینه ۴

گزینه «۴»

(12)

گلوله‌ای با جرم 2 کیلوگرم را با تندی اولیه 20 متر بر ثانیه از سطح زمین به طرف بالا پرتاب می‌کنیم. اگر اندازه نیروی مقاومت هوا در تمام مسیر حرکت گلوله ثابت باشد و گلوله حداکثر تا ارتفاع 16 متری سطح زمین بالا رود، نسبت تندی گلوله در ارتفاع 7 متری سطح زمین در هنگام اوج گرفتن به تندی گلوله در همان ارتفاع در هنگام سقوط کدام است؟ $(g = 10\frac{\text{N}}{\text{kg}})$

(۴) $\frac{\sqrt{15}}{7}$

(۳) $\sqrt{\frac{3}{5}}$

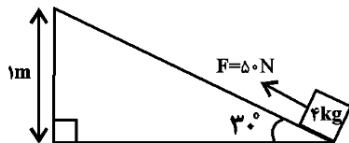
(۲) $\frac{\sqrt{15}}{6}$

(۱) $\sqrt{\frac{5}{3}}$

پاسخ: گزینه ۱

(13)

مطابق شکل، جسمی ساکن به جرم 4kg در پایین سطح شیب‌داری که با افق زاویه 30° می‌سازد قرار دارد و با اعمال نیروی موازی با سطح و ثابت \vec{F} به سمت بالای سطح به حرکت در می‌آید. اگر اندازه نیروی اصطکاک در برابر جسم برابر $\frac{1}{4}$ اندازه نیروی وزن جسم باشد، تندی این جسم در بالاترین نقطه این سطح شیب‌دار چند متر بر ثانیه است؟ $(g = 10\frac{\text{N}}{\text{kg}})$



(۱) $2\sqrt{5}$

(۲) $2\sqrt{10}$

(۳) $\sqrt{35}$

(۴) ۵

پاسخ: گزینه ۱

(14)

مطابق شکل زیر، جسمی با سرعت اولیه $10 \frac{m}{s}$ را از پایین سطح شیب‌داری و به موازات آن به طرف بالای سطح شیب‌دار پرتاب می‌کنیم. اگر به ازای هر متری که جسم روی سطح شیب‌دار بالا می‌رود، ۲ درصد از انرژی جنبشی اولیه جسم به صورت گرما تلف شود، این جسم حداکثر چه مسافتی را به صورت تقریبی بر حسب متر، روی سطح شیب‌دار بالا خواهد رفت؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$ و جسم را ابتدا روی سطح زمین در نظر بگیرید.)



۴/۱۵ (۱)

۸/۳ (۲)

۶/۲۶ (۳)

۱۲/۵ (۴)

پاسخ: گزینه ۲

(15)

گلوله‌ای را با تندی اولیه ۷ در راستای قائم به سمت بالا پرتاب می‌کنیم و حداکثر تا ارتفاع ۵۰ متر بالا می‌رود و هنگامی که به نقطه پرتاب باز می‌گردد تندی آن $20 \frac{m}{s}$ نسبت به تندی اولیه کاهش می‌یابد. اگر نیروی مقاومت هوا در تمام طول مسیر حرکت گلوله ثابت باشد، ۷ چند متر بر ثانیه می‌باشد؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

۸۰ (۴)

۶۰ (۳)

۴۰ (۲)

۲۰ (۱)

پاسخ: گزینه ۲

(16)

در حین سقوط جسمی در نزدیکی سطح زمین، نسبت اندازه تغییرات انرژی جنبشی به اندازه تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی آن در یک ارتفاع معین برابر با $\frac{4}{3}$ می‌باشد. از لحظه شروع حرکت تا این ارتفاع، نسبت کار نیروی مقاومت هوا به کار نیروی وزن، کدام است؟

$-\frac{4}{5}$ (۴)

$\frac{3}{5}$ (۳)

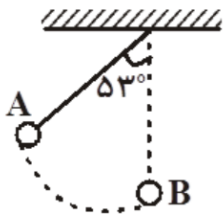
$-\frac{1}{3}$ (۲)

$\frac{1}{3}$ (۱)

پاسخ: گزینه ۲

(17)

مطابق شکل زیر، آونگی به طول یک متر را 53° از وضع تعادل منحرف کرده و بدون تندی اولیه رها می‌کنیم. اگر $\frac{3}{4}$ از انرژی پتانسیل گرانشی اولیه آونگ در طول مسیر گلوله از نقطه A تا نقطه B تلف شود، تندی آونگ هنگام عبور از وضعیت قائم چند $\frac{m}{s}$ است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$ و $\sin 53^\circ = 4/5$ و پایین‌ترین نقطه مسیر را به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی در نظر بگیرید.)



۲ (۲)

۱ (۴)

$\sqrt{2}$ (۱)

$2\sqrt{2}$ (۳)

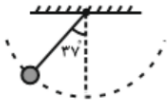
پاسخ: گزینه ۱

گزینه «۱»



(18)

مطابق شکل زیر، گلوله آونگی به جرم m که به نخ سبکی به طول L آویزان شده است، از زاویه 37° نسبت به راستای قائم رها می‌شود. زاویه اولیه رها کردن این گلوله نسبت به راستای قائم را چند درجه بیشتر کنیم تا تندی آن در پایین‌ترین قسمت مسیر $\sqrt{2}$ برابر حالت قبل شود؟ (از کلیه نیروهای اتلافی و مقاومت هوا صرف‌نظر کنید و $\cos 37^\circ = 0.8$)

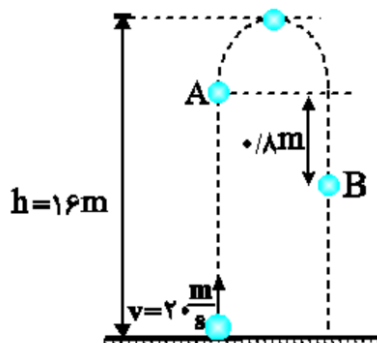


- (۱) 8°
(۲) 16°
(۳) 23°
(۴) 53°

پاسخ: گزینه ۲

(19)

مطابق شکل زیر، گلوله‌ای را با تندی اولیه $20 \frac{m}{s}$ از سطح زمین و در راستای قائم به طرف بالا پرتاب می‌کنیم و گلوله حداکثر تا ارتفاع ۱۶ متری از سطح زمین بالا می‌رود. اگر تندی گلوله در دو نقطه A در مسیر رفت و نقطه B در مسیر برگشت با یکدیگر یکسان باشد، در این صورت تندی گلوله در این دو نقطه چند متر بر ثانیه است؟ (نیروی مقاومت هوا در طول مسیر حرکت را ثابت فرض کنید و $g = 10 \frac{N}{kg}$)



- (۱) $\sqrt{10}$
(۲) $\sqrt{20}$
(۳) $\sqrt{30}$
(۴) $2\sqrt{10}$
- پاسخ: گزینه ۳

گزینه «۳»

(20)

در شرایط خلأ، جسمی را با تندی $10 \frac{m}{s}$ از سطح زمین در راستای قائم رو به بالا پرتاب می‌کنیم. پس از طی چه مسافتی از لحظه پرتاب بر حسب متر، انرژی جنبشی جسم چهار برابر انرژی پتانسیل گرانشی آن خواهد شد؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$ و سطح زمین به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی در نظر گرفته شود.)

(۱) گزینه‌های «۱» و «۳»

(۲) ۱

(۳) ۵

(۴) ۹

پاسخ: گزینه ۴



(21)

گلوله‌ای به جرم m از سطح زمین با تندی اولیه $30 \frac{m}{s}$ به سمت بالا پرتاب می‌شود و با تندی $22 \frac{m}{s}$ به سطح زمین باز می‌گردد. اگر نیروی مقاومت هوا وجود نداشت، گلوله نسبت به حالت قبل حداکثر چند متر بالاتر می‌رفت؟ (اندازه نیروی مقاومت هوا را در طول مسیر ثابت در نظر بگیرید و $g = 10 \frac{N}{kg}$)

(۴) ۹/۶

(۳) ۱۰/۴

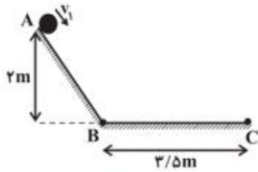
(۲) ۲۰/۸

(۱) ۸/۶

پاسخ: گزینه ۳

(22)

مطابق شکل زیر، گلوله‌ای به جرم $1kg$ و با تندی اولیه v_1 از نقطه A شروع به حرکت می‌کند و مماس بر مسیر بدون اصطکاک AB با تندی v_2 به نقطه B می‌رسد و پس از طی مسافت $3/5$ متر در مسیر افقی، در نقطه C می‌ایستد. اگر متوسط اندازه نیروی اصطکاک در مسیر BC، γ نیوتون باشد، حاصل $\frac{v_2}{v_1}$ کدام است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)



(۱) $\frac{\gamma}{3}$

(۲) $\frac{3}{\gamma}$

(۳) ۱

(۴) $\frac{49}{9}$

پاسخ: گزینه ۱

(23)

جسمی با تندی اولیه $20m/s$ از پایین یک سطح شیبدار به بالا فرستاده شده و با تندی $10m/s$ به محل پرتاب برمی‌گردد. چنانچه کار نیروی اصطکاک در مسیرهای رفت و برگشت برابر باشد، جسم حداکثر تا چه ارتفاع قائمی از محل پرتاب بر حسب متر بالا رفته است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

(۴) اطلاعات مسأله کافی نیست.

(۳) ۲۵

(۲) ۱۲/۵

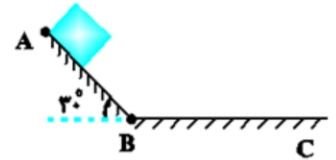
(۱) ۲۰

پاسخ: گزینه ۲



(24)

مطابق شکل، در شرایط خلأ جسمی را از نقطه A و از حالت سکون رها می‌کنیم تا روی سطح شیب‌دار بدون اصطکاک به نقطه B برسد. اگر متوسط نیروی اصطکاک جنبشی در طول مسیر \overline{BC} ، f_k بوده و جسم در نقطه C متوقف شود، در صورتی که $\overline{BC} = 2\overline{AB}$ باشد، مقدار $\frac{f_k}{mg}$ کدام است؟



(۴) $\frac{1}{5}$

(۳) $\frac{1}{4}$

(۲) $\frac{1}{3}$

(۱) $\frac{1}{2}$

پاسخ: گزینه ۳

(25)

جسمی به جرم $1/5 \text{ kg}$ با تندی $20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ در جهت محور X حرکت می‌کند. اگر نیروی ثابت $F = 20 \text{ N}$ را در راستای حرکت جسم به جسم وارد کنیم، تندی آن پس از مدتی به $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ در خلاف جهت X می‌رسد، در این مدت جسم چه مسافتی را برحسب متر طی می‌کند؟ (از اصطکاک صرف نظر کنید.)

(۴) $11/25$

(۳) $18/75$

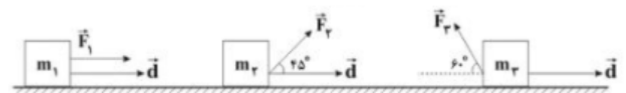
(۲) ۱۵

(۱) $3/75$

پاسخ: گزینه ۳

(26)

مطابق شکل زیر سه جسم تحت تأثیر سه نیروی \vec{F}_1 ، \vec{F}_2 و \vec{F}_3 روی سطح افقی به اندازه d جابه‌جا می‌شوند. کدام گزینه در مورد مقایسه کار این سه نیرو طی این جابه‌جایی صحیح است؟ ($|\vec{F}_2| = |\vec{F}_3| = \sqrt{2} |\vec{F}_1|$)



(۲) $W_{F_1} = \sqrt{2} W_{F_2} = -\frac{\sqrt{2}}{2} W_{F_3}$

(۴) $W_{F_1} = \frac{\sqrt{2}}{2} W_{F_2} = -\frac{\sqrt{2}}{2} W_{F_3}$

(۱) $W_{F_1} = W_{F_2} = -\frac{\sqrt{2}}{2} W_{F_3}$

(۳) $W_{F_1} = W_{F_2} = -\sqrt{2} W_{F_3}$

پاسخ: گزینه ۳

(27)

توپی به جرم 400 g از ارتفاع h از سطح زمین با تندی $5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ در راستای قائم به طرف پایین پرتاب می‌شود و پس از برخورد به زمین تا ارتفاع 4 متری از سطح زمین بالا می‌آید. اگر با هر متر حرکت توپ، 1 J از انرژی آن تلف شود، ارتفاع h چند متر است؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)

(۴) ۴

(۳) ۵

(۲) ۶

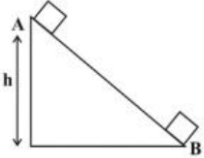
(۱) $7/5$

پاسخ: گزینه ۳



(28)

مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 2kg با تندی اولیه $4\frac{\text{m}}{\text{s}}$ از نقطه A روی سطح شیب‌داری به طرف پایین پرتاب می‌شود و با تندی $5\frac{\text{m}}{\text{s}}$ به نقطه B می‌رسد. اگر اندازه کار نیروی اصطکاک وارد بر جسم از نقطه A تا نقطه B برابر با $\frac{3}{6}$ ژول باشد، ارتفاع h چند سانتی‌متر است؟ ($g = 10\frac{\text{N}}{\text{kg}}$)



۵۴ (۱)

۲۷ (۲)

۸۱ (۳)

۶۳ (۴)

پاسخ: گزینه ۴

(29)

هواپیمایی به جرم $5 \times 10^4 \text{kg}$ از حال سکون در مسیری افقی شروع به حرکت می‌کند و پس از 90s به تندی برخاستن $80\frac{\text{m}}{\text{s}}$ روی سطح افقی می‌رسد. اگر مقدار کار نیروی اصطکاک در این جابه‌جایی برابر با $2/9 \times 10^8 \text{J}$ باشد، توان متوسط موتور این هواپیما چند کیلووات است؟

17×10^6 (۴)

17×10^3 (۳)

5×10^6 (۲)

5×10^3 (۱)

پاسخ: گزینه ۱

(30)

یک ماشین بالا‌بر، برای بالا بردن وزنه‌ای به جرم 50kg تا ارتفاع معینی از سطح زمین 2000J انرژی مصرف می‌کند. اگر این وزنه از ارتفاع فوق بدون سرعت اولیه در شرایط خلأ رها شود، با تندی $8\frac{\text{m}}{\text{s}}$ به زمین می‌رسد. بازده این ماشین چند درصد است؟ ($g = 10\frac{\text{N}}{\text{kg}}$)

۸۰ (۴)

۷۵ (۳)

۶۰ (۲)

۵۵ (۱)

پاسخ: گزینه ۴

(31)

یک تلمبه برقی در مدت زمان ۱ دقیقه و 40s ثانیه می‌تواند 800kg آب را از چاهی به عمق 20m تا سطح زمین بالا بیاورد و آن را با تندی $15\frac{\text{m}}{\text{s}}$ بیرون بریزد. اگر عملکرد تلمبه قوی‌تر شود، به طوری که همان کار را یک دقیقه زودتر انجام دهد، توان متوسط تلمبه چند واحد SI نسبت به حالت قبل افزایش می‌یابد؟ ($g = 10\frac{\text{N}}{\text{kg}}$)

3750 (۴)

8750 (۳)

6250 (۲)

2500 (۱)

پاسخ: گزینه ۴



(32)

اتومبیلی به جرم یک تن، از حال سکون روی سطح افقی شروع به حرکت می‌کند و پس از ۲۰ ثانیه، تندی آن به $۷۲ \frac{km}{h}$ می‌رسد. اگر اندازه کار نیروهای مقاوم در مقابل حرکت اتومبیل در این مسیر ۴۰kJ باشد، توان موتور اتومبیل چند کیلووات است؟

۲۴ (۴)

۱۶ (۳)

۱۲ (۲)

۸ (۱)

پاسخ: گزینه ۲

(33)

جسمی به جرم ۴kg روی سطح شیب‌داری با زاویه ۳۰° قرار گرفته است. نیروی ثابت F موازی با سطح به گونه‌ای به جسم وارد می‌شود که آن را با تندی ثابت $۳ \frac{m}{s}$ به سمت بالا می‌برد. اگر توان این نیرو ۸۰ وات باشد، کار نیروی اصطکاک در مدت زمان ۱۰s چند ژول است؟ ($g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$)

-۲۰۰ (۲)

-۱۰۰ (۴)

۲۰۰ (۱)

۱۰۰ (۳)

پاسخ: گزینه ۲

(34)

یک خودرو در طی مسافت ۱۰۰ km روی سطح افقی با تندی ثابت $۱۰۸ \frac{km}{h}$ ، ۱۴ لیتر بنزین مصرف می‌کند. چنانچه از سوختن هر سانتی‌متر مکعب بنزین، ۲۱J انرژی آزاد شود، کار کل نیروهای اتلافی وارد بر خودرو چند کیلوژول است؟

-۱۴۷ (۴)

-۲۹۴ (۳)

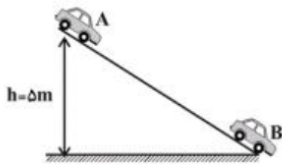
-۱۱۰ (۲)

-۲۲۰ (۱)

پاسخ: گزینه ۳

(35)

مطابق شکل، خودرویی به جرم 1000 kg با تندی $15 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ از نقطه A شروع به حرکت کرده و پس از 10 s با تندی $25 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ به نقطه B می‌رسد. توان متوسط این خودرو چند کیلووات است؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ و نیروهای اتلافی را ناچیز فرض کنید).



۵ (۱)

۱۵ (۲)

۲۰ (۳)

۲۵ (۴)

پاسخ: گزینه ۲

(36)

جسمی به جرم 2 kg را از ارتفاع h از سطح زمین رها می‌کنیم. هنگامی که جسم به اندازه $\frac{1}{3}h$ سقوط می‌کند، انرژی پتانسیل گرانشی آن به 200 J می‌رسد. جسم با تندی چند متر بر ثانیه به زمین می‌رسد؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ ، سطح زمین را مبدأ سنجش انرژی پتانسیل گرانشی در نظر بگیرید و از مقاومت هوا صرف نظر کنید).

$10\sqrt{6}$ (۲)

۲۰ (۴)

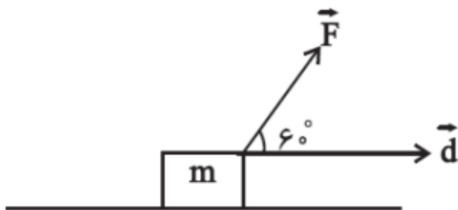
$10\sqrt{3}$ (۱)

$10\sqrt{2}$ (۳)

پاسخ: گزینه ۱

(37)

مطابق شکل زیر، گلوله‌ای به جرم m با تندی $3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ از نقطه A و مماس بر سطح شیبدار به طرف پایین پرتاب می‌شود. اگر اصطکاک بین سطح و جسم ناچیز باشد، تندی گلوله در نقطه B چند واحد SI است؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)



۵ (۱)

$\sqrt{17}$ (۲)

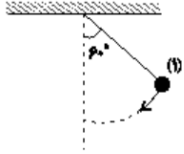
$\sqrt{41}$ (۳)

(۴) به جرم گلوله بستگی دارد.

پاسخ: گزینه ۱



گلوله‌ای به انتهای یک ریسمان سبک به طول ۳ متر بسته شده و آونگ حاصل، به سقف آویخته شده است. اگر تندی آونگ در لحظه‌ای که با امتداد قائم زاویه 60° می‌سازد، برابر با $\sqrt{30}$ متر بر ثانیه باشد، با چشم‌پوشی از مقاومت هوا، کم‌ترین فاصله گلوله از سقف چند سانتی‌متر است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)



(۱) ۷۰

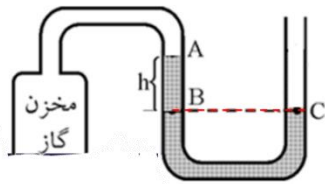
(۲) ۱۵۰

(۳) ۵۰

(۴) ۱۰۰

پاسخ: گزینه ۳





$$P_C = P_B$$

$$P_o = \rho gh + P$$

$$P_o - \rho gh = P$$

$$P = P_o - \rho gh$$















